① الناسیایی تکلیف ۲۷ رهم رفتر

۱۹/۵ آفرین

الف) $(9, x+2y)(3x-y, -4)$

$3x-y=9 \xrightarrow{\times 2} 6x-2y=18$

$x+2y=-4$

$7x=14$

$x=2$

$y=-3$

$\frac{x}{y}=-\frac{2}{3}$

ب) $(-3,-1)\left(\frac{1}{x}-\frac{1}{y}, \frac{3}{x}-\frac{7}{y}\right)$

$\frac{1}{x}-\frac{1}{y}=-1 \xrightarrow{\times -3} -\frac{3}{x}+\frac{3}{y}=3$

$\frac{3}{x}-\frac{7}{y}=-3$

$-\frac{4}{y}=2 \rightarrow y=-1$

$\frac{3}{x}+7=-3$

$\frac{3}{x}=-10$

$x=-\frac{3}{10}$

$\frac{x}{y}=\frac{-\frac{3}{10}}{-1}=\frac{3}{10}$

② $f=\{(a,2a),(1,a+1),(1,-2),(2,b)\}$

$a=-2$

$a+1=-2$

$-3,-6$

$f(a)+2f(2)=3f(1)$

$f(-2)+2f(2)=3f(1)$

$-6+2b=-6 \rightarrow b=0$

③ $f=\{(-1,m^2-3m),(3,3),(-2,-1),(m+1,6),(4,2),(m^2+2,4m+1)\}$

تابع نیست

$6,6$ $\times$ $2,6$

$m^2-3m+2=0$

$(m-2)(m-1)=0$

$m=2 \quad m=1$

$3 \quad 6$

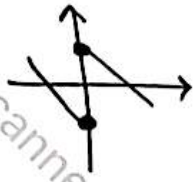
تابع نیست $\times$

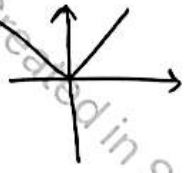
به ازای هیچ مقدار

۴

الف)  تابع نیست ✓

ب)  تابع هست ✓

ج)  تابع نیست

د)  تابع هست

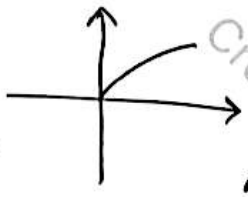
۲

۳

الف) $y = -\sqrt{x+1} \Rightarrow y_1 = -\sqrt{x_1+1}$ توان ۲ $\rightarrow y_1^2 = +|x_1+1|$

$y_2 = -\sqrt{x_2+1} \rightarrow y_2^2 = +|x_2+1|$

$x_1 = x_2 \rightarrow y_2^2 = y_1^2 \rightarrow y_1 = \pm y_2$

$\sqrt{x}$ → 

$-\sqrt{x+1}$ → 

تابع هست

۱/۵

ب) $x = \frac{y}{\sqrt{1-y^2}}$ $x=1 \rightarrow y = \sqrt{1-y^2}$ توان ۲ $\rightarrow y^2 = 1-y^2 \rightarrow 2y^2 = 1$

$y^2 = \frac{1}{2}$

$y = \pm\frac{1}{\sqrt{2}}$

تابع نیست

به ازای $x=\frac{1}{2}$ و $y=-\frac{1}{\sqrt{2}}$ حاصل عبارت منفی یک است!

۴

الف) $|y| = x \rightarrow \begin{cases} |y_1| = x_1 \\ |y_2| = x_2 \end{cases}$ $x_1 = x_2 \rightarrow |y_1| = |y_2|$

$y_1 = \pm y_2$

تابع نیست ✓

ب) $y^3 + 3y^2 + 3y + x^3 + x = 0$

$x=0 \rightarrow y^3 + 3y^2 + 3y = 0$

$y(y^2+3y+3) = 0$

$y=0$ یا تابع هست

تابع $y^3 + y$ → مقدار $y^3 + y = -x^3 - x - 3y^2$

۵

(۷)

$$f(x)=\frac{x^2+4x+3}{x^2+4x+7}=\frac{(x+2)^2}{x^2+4x+4+3}=\frac{(x+2)^2}{(x+2)^2}$$

$$f(\sqrt{x}-2)=\frac{x+1}{x+4}=\frac{4}{6}=\boxed{\frac{2}{3}}$$

(۶)

$$f(x)=x^2+ax+b \xrightarrow{(-1,-4)}$$

$$-2=-a+b$$
$$-4=-1-a+b$$
$$a-b=2$$
$$-1-a+b=-4 \rightarrow b=2$$
$$-4+2+a=0$$
$$a=-1$$

$$y=2x+a=0$$

$$y=2x+1$$

$$f(x)=x^3+x-2 \Rightarrow 2x+1=x^3+x-2$$

$$x^3-2x-1=0$$

تقسیم نتایج ۱-

$$\begin{array}{r|l} x^3-2x-1 & x+1 \\ \hline -x^3-x^2 & x^2-x-1 \\ \hline -x^2-2x-1 & \\ -x^2-x & \\ \hline -x-1 & \\ -x-1 & \\ \hline 0 & \end{array}$$

(۵)

$$x^2-sx+p \Rightarrow \boxed{s=1}=-\frac{b}{a}$$
$$\boxed{p=-1}=\frac{c}{a}$$

$$(x+1)(x^2-x-1)$$

$x=-1$

$$\Delta=b^2-4ac$$
$$\Delta=1+4=5$$

$$x=\frac{+1\pm\sqrt{5}}{2}$$

$$\frac{1+\sqrt{5}}{2}+\frac{1-\sqrt{5}}{2}=\frac{2}{2}=1$$

(۴)

$$f=\{(2,a+b),(1,2a),(-1,a-2b+1)\}$$

$f(x)=k$

$$a+b=2a=a-2b+1$$

$$a+b=2a$$
$$b=a$$
$$\boxed{\frac{1}{3}=a}$$

$$a+b=a-2b+1$$
$$3b=1$$
$$b=\frac{1}{3}$$

(۱۰)

$$f(x) = \frac{4x^2 - ax + c + 1}{bx + 3}$$

$f(x) = x$ از آن این عبارت باید یک x بشود

$$\frac{4x^2 - ax + c + 1}{bx + 3} = x$$

$$4x^2 - ax + c + 1 = bx^2 + 3x$$

$b = 4$ ✓ ۲

$$\frac{4x^2 - ax + c + 1}{x} = 4x - a + \frac{c+1}{x}$$

باقی‌مانده $= 0$ $\Rightarrow$ $c + 1 = 0$

$c = -1$

$$4x - a = bx + 3$$

$b = 4$
$a = -3$
$c = -1$ ۵

۵

ب) ۱

$$x = \frac{y}{\sqrt{1-y^2}} \rightarrow \frac{y_1}{\sqrt{1-y_1^2}} = \frac{y_2}{\sqrt{1-y_2^2}} \rightarrow \frac{y_1^2}{1-y_1^2} = \frac{y_2^2}{1-y_2^2}$$

$$\rightsquigarrow \quad y_1^2 - \cancel{y_1^2 y_2^2} = y_2^2 - \cancel{y_1^2 y_2^2} \xrightarrow[\text{هم علامت}]{y_1, y_2} y_1 = y_2$$

✓ رابطه تابع است