ادامه سوال ب ⇐ $\Delta = b^2-4ac = y_2^2-4y_2^2-4 = -3y_2^2-4 < 0$

هیچ y ای به هرگز برقرار نیست، پس $y_1=y_2$ و عبارت تابع است

نام و نام خانوادگی پاسخنامه تشریحی تکلیف شماره ۴ ... کلاس شماره نمره

الف) $y^3 = 2x^2-1$ | ب) $y^3+y=2x^2-1$

$\begin{cases} y_1^3+y_1 = 2x_1^2-1 \\ y_2^3+y_2 = 2x_2^2-1 \end{cases} \xrightarrow{x_1=x_2}$

$y_1^3+y_1 = y_2^3+y_2 \to y_1^3+y_1-y_2^3-y_2=0$

$\to y_1^3-y_2^3+y_1-y_2=0 \to (y_1-y_2)(y_1^2+y_1y_2+y_2^2)+(y_1-y_2)=0$

$(y_1-y_2)(y_1^2+y_1y_2+y_2^2+1)=0$

ادامه بالایی $y_1 = \frac{-y_2 \pm \sqrt{\Delta}}{2}$

$y_1=y_2$

تعریف ریاضی: if $(x_1,y_1)\in f$ if $(x_2,y_2)\in f$ $\to$ if $x_1=x_2$ $\to y_1=y_2$

$\to \begin{cases} y_1^3 = 2x_1^2-1 \\ y_2^3 = 2x_2^2-1 \end{cases} \xrightarrow{x_1=x_2} y_1^3=y_2^3 \to y_1=y_2$ تابع است

الف) $y=x^2-1$

تعریف ریاضی: $\begin{cases} y_1 = x_1^2-1 \\ y_2 = x_2^2-1 \end{cases} \xrightarrow{x_1=x_2} y_1=y_2$ تابع است

ب) $|y|=1-x^2+1 \xrightarrow{x=0} |y|=1 \to y=\pm 1$ تابع نیست.

ج) $y^3+x^3=2x-1$ تعریف ریاضی

$\begin{cases} y_1^3 = -x_1^3+2x_1-1 \\ y_2^3 = -x_2^3+2x_2-1 \end{cases} \xrightarrow{x_1=x_2} y_1^3=y_2^3 \to y_1=y_2$ تابع است

د) $\sqrt[3]{y}+\sqrt[3]{x}=2$ تعریف ریاضی

$\begin{cases} \sqrt[3]{y_1} = 2-\sqrt[3]{x_1} \\ \sqrt[3]{y_2} = 2-\sqrt[3]{x_2} \end{cases} \xrightarrow{x_1=x_2} \sqrt[3]{y_1}=\sqrt[3]{y_2}$ تابع است

بازه‌ی $y_1=y_2$ بدون هیچ محدودیتی

الف) $\tan\frac{\pi}{3} \to \tan = \frac{\sin\alpha}{\cos\alpha} = \frac{\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = \sqrt{3}$

ب) $\cot\frac{5\pi}{6} \to \cot = \frac{\cos\alpha}{\sin\alpha} = \frac{-\frac{\sqrt{3}}{2}}{\frac{1}{2}} = -\sqrt{3}$

ج) $\tan 330^\circ \to \frac{\sin 330^\circ}{\cos 330^\circ} = \frac{-\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = -\frac{1}{\sqrt{3}}$

د) $\cot 120^\circ \to \frac{\cos 120^\circ}{\sin 120^\circ} = \frac{-\frac{1}{2}}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = -\frac{1}{\sqrt{3}}$

تعریف شده

الف) $\sin\alpha = \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{6}, \frac{5\pi}{6}$ $(30^\circ, 150^\circ)$

ب) $\cos\alpha = \frac{\sqrt{2}}{2} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{4}, \frac{7\pi}{4}$ $(45^\circ, 315^\circ)$

$0 \le x \le 2\pi$

ترتیب بیشتر به کمتر، شیب هم ۲- است.

$-2x+4=0 \to x=2$ نقطه‌ی برخورد

$f(x) = \begin{cases} x^2+4x+1 & x>1 \\ x^2-2x+1 & -1<x<1 \\ x+1 & x<-1 \end{cases}$

چون علامت یکسان تابع نزولی

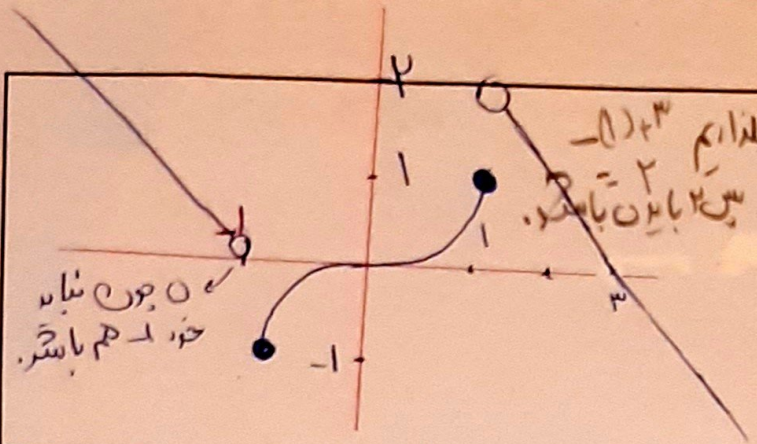
تابع نزولی $-1<x<1$

تابع نزولی $x<-1$

اگر $x=-1$ بگذاریم

$y = 4+(-1)2 = 2$

پس نزولی باز است



قرینه نسبت به x

اگر $x=1$ نباید باشد $3+(-1)=2$ پس باید باشد.

$$f(x)\begin{cases} -x+2 & x>1 \\ x^3 & -1<x\leq 1 \\ -x-1 & x<-1 \end{cases}$$

قرینه نسبت به x

بین علامت

۷

الف) $y=(x-2)(x-3)(x-4)$

برای صفر کردن هر پرانتز x را برابر عدد مقابل آن قرار می‌دهیم

$x-2=0 \Rightarrow x=2$ ، $x-3=0 \Rightarrow x=3$ ، $x-4=0 \Rightarrow x=4$

روش تستی

x		2		3		4	
y	$-$	0	$+$	0	$-$	0	$+$

ب) $y=(x-2)(x-3)^2(x-4)$

$x-2=0 \Rightarrow x=2$ ، $x-3=0 \Rightarrow x=3$ ، $x-4=0 \Rightarrow x=4$

زوج ← مضاعف جذر دارد

x		2		3		4	
y	$+$	0	$-$	$*$	$-$	0	$+$

۸

الف) $y=\dfrac{(x-2)(x-4)}{x-3}$

$x-2=0 \Rightarrow x=2$ ، $x-4=0 \Rightarrow x=4$ ، $x-3=0 \Rightarrow x=3$

x		2		3		4	
y	$-$	0	$+$	$\nexists$	$-$	0	$+$

ب) $y=\dfrac{(x-2)(x-4)}{(x-3)^2}$

$x-2=0 \Rightarrow x=2$ ، $x-4=0 \Rightarrow x=4$ ، $x-3=0 \Rightarrow x=3$

زوج ← مضاعف جذر دارد

x		2		3		4	
y	$+$	0	$-$	$*$	$-$	0	$+$

۹

الف) $y=\dfrac{x^3-3x+2}{x-3}$ ← ضریب صفر

$x-1$ خش می‌زند

$y=\dfrac{(x^2+x-2)(x-1)}{x-3} = y=\dfrac{(x+2)(x-1)(x-1)}{x-3}$

$y=\dfrac{(x+2)(x-1)^2}{x-3}$

$x+2=0 \Rightarrow x=-2$ ، $x-1=0 \Rightarrow x=1$ ، $x-3=0 \Rightarrow x=3$

مضاعف ← جذر دارد

x		-2		1		3	
y	$+$	0	$-$	0	$-$	$\nexists$	$+$

ب) $y=\dfrac{x^2-3x+2}{x^2-5x+3}$

$y=\dfrac{(x-1)(x-2)}{(x-1)(x-3)}$

$x-1=0 \Rightarrow x=1$ ، $x-2=0 \Rightarrow x=2$ ، $x-3=0 \Rightarrow x=3$

مضاعف ← جذر دارد

x		1		2		3	
y	$+$	0	$+$	0	$-$	$\nexists$	$+$

۱۰

الف) $y=\dfrac{x^4-x^2}{x^2+x+1}$

$y=\dfrac{x^2(x^2-1)}{x^2+x+1}$ ، $x^2=0 \Rightarrow x=0$ ، $x^2-1=0 \Rightarrow x^2=1 \Rightarrow x=\pm 1$

$\Delta=b^2-4ac=1-4=-3 \Rightarrow \Delta<0$ ← معادله جوابی ندارد

x		-1		0		1	
y	$+$	0	$-$	0	$-$	0	$+$

ب) $y=\dfrac{x^2+3x+4}{x^4+2x+3}$

$\Delta=b^2-4ac=9-16=-7 \Rightarrow \Delta<0$ ← معادله جوابی ندارد

$\Delta=b^2-4ac=4-12=-8 \Rightarrow \Delta<0$ ← معادله جوابی ندارد

صورت و مخرج همیشه مثبت است

x	$(-\infty,+\infty)$
y	$+$

الف) تقسیم x^3-3x+2 بر x^2+x-2 (با $x-1$)

$x^3-x^2+x^2$

$+x^2-3x+2$

$-x^2+x$

$-2x+2$

$+2x-2$

0