نام و نام خانوادگی: آوا خسروپان | با کمک نامه تشریحی تکلیف شماره ۷ | کلاس: دهم دختر

۱) $xf(x) \geq 0$ — x: ریشه‌ها 0 و $-3, 2$ (عددهایی که xها را قطع کرده)

در شکل از $x=5$ به بعد منفی می‌شود

	-6	-3	0	2	5
x	−	−	+	+	+
$f(x)$	+	−	+	−	+
$xf(x)$	−	+	−	+	+

$D_f = [-3,0] \cup [2,5]$ ✓ (۲)

۲) آفرین

بازه	$(-\infty,-3)$	$(-3,0)$	$(0,2)$	$(2,\infty)$
$-x$	+	+	−	−
$f(x)$	−	+	−	+
$\frac{-x}{f(x)}$	−	+	+	−

$D = (-3,0) \cup (0,2)$

$-2, -1, 1$

سه عدد صحیح

(۲) ✓

۳) $f(2) - 2f(2) = 4 - 4 + 4$ ، $x=2$

$-f(2) = 2$

$f(2) = -2$ (۲) ✓

$x=-2$ ، $f(-2) = \frac{-2x-2}{x+2} = \frac{4+4+4}{4}$

$f(-2) = 6$

۴) $f(f(\omega)) + f(f(1))$

$f(1) \to 4(1) + 3 = 7$

$f(7) \to 7 - 5 = 2$

$f(2) \to 4 + 3 = 7$

$7 + 2 = 9$ (۲) ✓

۵) $f(x-1) = a(x-1)^2 - b(x-1) + 2$

$f(x-1) - f(x) = (ax^2 - 2ax + a - bx + b + 2) - (ax^2 - bx + 2) = -2ax + a + b = 4x + 2$

$-2a = 4 \Rightarrow a = -2$

$a + b = 2 \Rightarrow b = 5$

$a - b = ?$

$-2 - 5 = -7$ (۲) ✓

۶) $\frac{2f(2) + f(-1)}{f^2(2)} = \frac{7}{1} = 7$

$f(2) = 9 - 9 + 1 = 1$

$f(-1) = 1 + 3 + 1 = 5$

$f(2) = 4 - 4 + 1 = 1$ (۲) ✓

۷) $\frac{3f(4) - 2f(-2)}{f(2)} \to \frac{3f(4) - 2f(-2)}{7}$

$f(4) = 3(4) + 1 = 13$

$f(-2) = (-2)^2 = 4$

$f(2) = 3(2) + 1 = 7$

$\frac{39 - 8}{7} = \frac{31}{7}$ (۲) ✓

۸)

$f(2) = 1$

$f(1) = 4$

$f(3) = 2$

$f(2) = 4$

$\frac{4 - 4}{2} = 0$

$f(1) = 4 - 2 = 2$ (۲) ✓

۹) $f(f(\sqrt{2}-2))$

$x = \sqrt{2} - 2$

$x + 2 = \sqrt{2}$

$(x+2)^2 = 2$

$x^2 + 4x + 4 = 2$

$x^2 + 4x = -2$

$f(x) = \frac{(x^2 + 4x) + 9}{(x^2 + 4x) + 5} = \frac{-2 + 9}{-2 + 5} = \frac{7}{3}$

$f(\sqrt{2}-2) = 2$

$f(2) = \frac{2^2 + 4f(2) + 9}{2^2 + 4f(2) + 5} = \frac{4 + 8 + 9}{4 + 8 + 5} = \frac{21}{17}$ (۲) ✓

۱۰) $f(\sqrt{x}) = x + \frac{1}{x}$

$(f(\sqrt{x}))^2 = (x + \frac{1}{x})^2 = x^2 + 2 + \frac{1}{x^2}$

$x^2 + 2 + \frac{1}{x^2} - (x^2 + \frac{1}{x^2}) = 2$ (۲) ✓