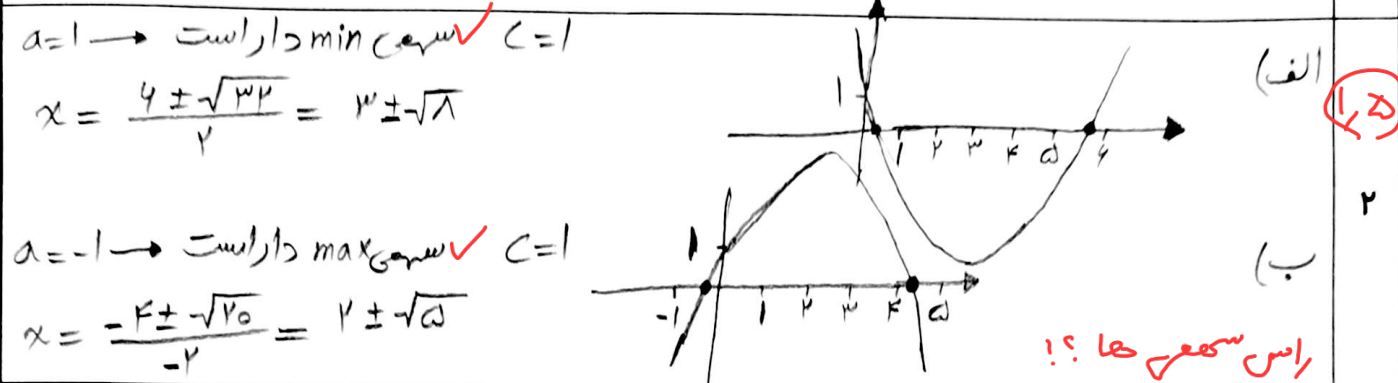


$a=2 \rightarrow$  سهمی  $\min$  دارد راست  $x_s = -\frac{b}{2a} = 1$   $y_s = 2(1)^2 - 4(1) + 1 = -1$   $S = \begin{bmatrix} 1 \\ -1 \end{bmatrix}$  (الف) (2)

$a=-2 \rightarrow$  سهمی  $\max$  دارد راست  $x_s = -\frac{b}{2a} = \frac{3}{2}$   $y_s = -2(\frac{3}{2})^2 + 3(\frac{3}{2}) - 5 = -\frac{9}{2} + \frac{9}{2} - 5 = -5$   $S = \begin{bmatrix} \frac{3}{2} \\ -5 \end{bmatrix}$  (ب) 1



ابتدا با ساختن یک معادله درجه 2 بر سبب اطلاعاتی درباره  $\alpha$  و  $\beta$  آن کار را بدست می آوریم و یکی را به دلخواه در معادله درجه 3 جاگذاری می کنیم.

$x^2 - 5x + 6 = 0 \rightarrow x^2 - x - 2 = 0 \rightarrow (x-2)(x+1) = 0 \rightarrow \alpha = 2, \beta = -1$

$1 = \alpha + \beta \quad \alpha \cdot \beta = -2 \quad k\beta^3 + k\beta^2 - 9\beta - 2 = 0 \Rightarrow -k + k + 9 - 2 = 0 \rightarrow k = -3$

(2) 3

$\sqrt{\alpha} - \sqrt{\beta} = 1$  بتوان دو  $\alpha + \beta - 2\sqrt{\alpha \cdot \beta} = 1 \rightarrow 3m - 2\sqrt{m} = 1$

$-\frac{b}{a} = 3m \quad \frac{c}{a} = m$

$3m - 2\sqrt{m} - 1 = 0$  جمع ضرایب  $\rightarrow \sqrt{m} = 1 \rightarrow m = 1$  ✓

$\sqrt{m} = -\frac{1}{3}$  غلط

$4x^2 - x - 1 = 0 \rightarrow P = \frac{c}{a} = -\frac{1}{4}$  ✓

(2) 4

$S_{\text{مطلب}} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{y} \cdot |c \cdot (x_1 - x_2)| = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{y} \cdot |m(1 - \frac{m}{y})| = \frac{3}{4} \Rightarrow |m(1 - \frac{m}{y})| = \frac{3}{2}$

$y = 2x^2 - (m+2)x + m \Rightarrow$  جمع ضرایب  $\rightarrow x_1 = 1$

$x_2 = \frac{c}{a} = \frac{m}{2}$

$y = x^2 - mx + 1 \rightarrow x_s = \frac{-(-m)}{2} = \frac{m}{2}$

(2) 5

از آنجایی که در سؤال گفته شده سهمی دارای کمترین مقدار است، پس  $a > 0$  (1)

$$y_s = -\frac{\Delta}{4a} \Rightarrow \frac{y}{a} = -\frac{9-4a^2}{4a} \Rightarrow 4a^2 - 4a - 1 = 0$$

$$a = \frac{1 \pm \sqrt{1+4}}{2} \Rightarrow a = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2} \rightarrow \begin{cases} a > 0 \rightarrow a = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \rightarrow \text{بازای یک مقدار} \\ a < 0 \rightarrow a = -\frac{9}{4} \rightarrow \text{غیر ممکن} \end{cases}$$

(2)  
6

$$x^2 - (a+1)x + a = 0 \rightarrow \begin{cases} x_1 = m \\ x_2 = m+2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} S_1 = a+1 = 2m+2 \\ P_1 = a = m^2 + 2m \end{cases} \rightarrow 1 = 2 - m^2 \rightarrow m = \pm 1$$

ریشه باید طبیعی باشند  $\rightarrow P_1 = a = 3$  و  $x_1 = 1$

$$x^2 - (ka+1)x + b = 0 \rightarrow \begin{cases} x_1 = k \\ x_2 = k+2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} S_2 = ka+1 = 2k+2 \\ P_2 = b = k^2 + 2k \end{cases} \rightarrow \begin{cases} k = 4 \\ b = 24 \end{cases}$$

$$P_2 - P_1 = 24 - 3 = 21$$

(2)  
7

ابتدا مشخصات رأس سهمی اولی را بدست می آوریم و سپس در دو جایگزاری می کنیم.

$$x_{s1} = -\frac{a}{-2a} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{1}{4}a + 2 = \frac{1}{4}b - \frac{1}{4}b - 1 \Rightarrow \frac{1}{4}a = -3 \Rightarrow a = -12$$

حالا برعکس کار را با برای بدست آوردن b انجام می دهیم.

$$x_{s2} = -\frac{b}{-2b} = \frac{1}{2} \Rightarrow -\frac{1}{4}b - 1 = -\frac{1}{4}a + \frac{1}{4}a + 2 = \frac{3}{4}(-12) + 2 \Rightarrow \frac{3}{4} = -\frac{1}{4}b \Rightarrow b = -4$$

$$b - a = -4 - (-12) = 8$$

(2)  
8

$$P = \alpha \cdot B = \frac{B}{2\alpha} \Rightarrow \alpha = \frac{1}{2\alpha} \rightarrow \alpha = \pm \frac{1}{2} \quad \text{if } \alpha = -\frac{1}{2} \rightarrow B = 1$$

$$S = \alpha + B = -\frac{1}{2} = (-1)\left(\frac{1}{2\alpha}\right) \Rightarrow \alpha + B = -\frac{1}{2\alpha} \Rightarrow B = -\frac{1}{2\alpha}$$

$$\Rightarrow y = -\frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}x + 1 \rightarrow x_s = -\frac{b}{2a} = \frac{1}{2}$$

$$y_s = -\frac{\Delta}{4a} = -\frac{1-1}{-2} = \frac{1}{2} \quad S = \begin{bmatrix} \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} \\ 1 \end{bmatrix} \rightarrow \text{نقطه 1}$$

(2)  
9

$$S = a+b = a^2 + b^2 - 12 \xrightarrow{a+b=y} y = (y^2) - \frac{2ab}{-2y+2} - 12 \Rightarrow y^2 - 2y - 10 = 0$$

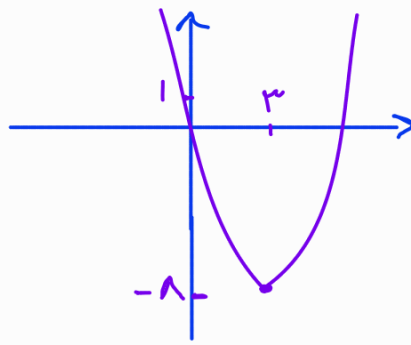
$$P = a \cdot b = a + b - 1 \quad (y-2)(y+2) = 0$$

$$y = 2 \text{ و } y = -2$$

بدلیل طبیعی بودن a و b،  $a+b = y = -2$  غیر ممکن است

(2)  
10

الف) ext  $\begin{cases} -\frac{b}{2a} = r \\ y = -\lambda \end{cases}$



-2

ب) ext  $\begin{cases} -\frac{b}{2a} = r \\ y = \lambda \end{cases}$

