

۲۰

۱- حد دارد  
 الف)  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) - 3 = 1 - 3 = -2$   
 ب)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) - 3 = +\infty - 3 = \infty$

۲- حد دارد  
 الف)  $\lim_{x \rightarrow 2^+} f[x] - 3 = f(2) - 3 = 5$   
 ب)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} f[x] - 3 = 4 - 3 = 1$

۳- حد دارد  
 الف)  $\lim_{x \rightarrow 2^+} [f(x) - 3] = 5$   
 ب)  $\lim_{x \rightarrow 2^-} [f(x) - 3] = 4$   
 $x > 2 \rightarrow f(x) > 8 \rightarrow f(x) - 3 > 5$   
 $x < 2 \rightarrow f(x) < 8 \rightarrow f(x) - 3 < 5$

۴- حد دارد  
 الف)  $\left[ \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) - 3 \right] = 5$   
 ب)  $\left[ \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) - 3 \right] = 5$

۵- حد ندارد  
 الف)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 3}{x - 3} = \begin{cases} \frac{9}{0^+} = +\infty \\ \frac{9}{0^-} = -\infty \end{cases}$   
 ب)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 3}{(x-3)^2} = \begin{cases} \frac{9}{0^+} = +\infty \\ \frac{9}{0^+} = +\infty \end{cases}$

۶- حد ندارد  
 الف)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 3}{\sqrt{x-3}} = \begin{cases} \frac{9}{\sqrt{0^+}} = +\infty \\ \frac{9}{\sqrt{0^-}} = \infty \end{cases}$   
 ب)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 3}{\sqrt{(x-1)(x-3)}} = \begin{cases} \frac{9}{\sqrt{0^+}} = +\infty \\ \frac{9}{\sqrt{0^-}} = \infty \end{cases}$

۷- حد ندارد  
 الف)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 3}{x^2 - 5x + 12} = \begin{cases} \frac{9}{(2-1)(2-4)} = \frac{9}{0^-} = -\infty \\ \frac{9}{(2-1)(2-2)} = \frac{9}{0^+} = +\infty \end{cases}$   
 ب)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x) - 3}{[x-3]^3} = \begin{cases} \frac{9}{0^+} = \infty \\ \frac{9}{0^-} = -\infty \end{cases}$

الف)  $\lim_{x \rightarrow 2} [2x] + [-3x] =$

$\begin{cases} 4 - 6 = -2 \\ 2 - 6 = -4 \end{cases}$

ب)  $\lim_{x \rightarrow -4} [-2x] + [3x] =$

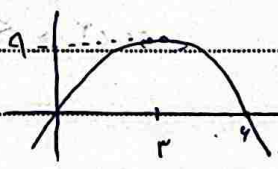
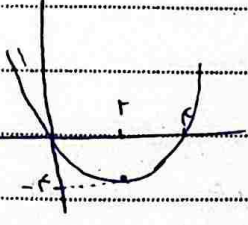
$\begin{cases} 8 - 12 = -4 \\ 8 - 12 = -4 \end{cases}$

$\begin{cases} -4^+ \rightarrow -4.9x \rightarrow +34.8 = 30.8 \\ -4^- \rightarrow -4.1x \rightarrow -12.4 = 12.4 \end{cases}$

$\begin{cases} -4^+ \rightarrow -4.9x \rightarrow +34.8 = 30.8 \\ -4^- \rightarrow -4.1x \rightarrow -12.4 = 12.4 \end{cases}$

الف)  $\lim_{x \rightarrow 2} [x^2 - 3x] = -2$

ب)  $\lim_{x \rightarrow 2} [4x - x^2] = 0$



الف)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{|x-2|}{x^2 - 2x + 2} =$

$\begin{cases} \frac{x-2}{(x-1)(x-1)} = \frac{1}{x-1} = 1 \\ \frac{-(x-2)}{(x-1)(x-1)} = -1 \end{cases}$

ب)  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x - [x]}{x^2 - 1} = \frac{-1}{0}$

$\begin{cases} \frac{x-1}{(x-1)(x+1)} = \frac{1}{x+1} \\ \frac{+1}{0^-} = \infty \end{cases}$