نام و نام خانوادگی ......ملیکا کریمی.......... پاسخنامه تشریحی تکلیف شماره ...۲۹... کلاس ...یازدهم تجربی C.........

۱۹

۱

الف) $\lim_{x\to 2^+} 4x-3 = 4\times 2-3 = \boxed{5}$

ب) $\lim_{x\to 2^-} 4x-3 = 4\times 2-3 = \boxed{5}$

۲

۲

الف) $\lim_{x\to 2^+} 4[x]-3 = 4\times 2-3 = \boxed{5}$

$x>2 \to [x]=2$

ب) $\lim_{x\to 2^-} 4[x]-3 = 4\times 1-3 = \boxed{1}$

$x<2 \to [x]=1$

۲

۳

الف) $\lim_{x\to 2^+} [4x-3] = \boxed{5}$

$x>2 \to 4x>8 \to 4x-3>5 \to [4x-3]=5$

ب) $\lim_{x\to 2^-} [4x-3] = \boxed{4}$

$x<2 \to 4x<8 \to 4x-3<5 \to [4x-3]=4$

۲

۴

الف) $\left[\lim_{x\to 2^+} 4x-3\right] = [5] = \boxed{5}$

$\lim_{x\to 2^+} 4x-3 = 4\times 2-3 = 5$

ب) $\left[\lim_{x\to 2^-} 4x-3\right] = [5] = \boxed{5}$

$\lim_{x\to 2^-} 4x-3 = 4\times 2-3 = 5$

۲

۵

الف) $\lim_{x\to 3} \frac{4x-3}{x-3}$ =

$3^+ \to \frac{4\times 3-3}{3^+-3} = \frac{9}{0^+} = \boxed{+\infty}$

$3^- \to \frac{4\times 3-3}{3^--3} = \frac{9}{0^-} = \boxed{-\infty}$

=> حد ندارد

ب) $\lim_{x\to 3} \frac{4x-3}{(x-3)^2}$ =

$3^+ \to \frac{4\times 3-3}{(3^+-3)^2} = \frac{9}{0^+} = \boxed{+\infty}$

$3^- \to \frac{4\times 3-3}{(3^--3)^2} = \frac{9}{0^+} = \boxed{+\infty}$

=> حد وجود ندارد

۲

۶ — ۲

الف) $\lim\limits_{x\to 3}\dfrac{4x-3}{\sqrt{x-3}} = \begin{cases} 3^+ \to \lim \dfrac{4\times 3-3}{\sqrt{3^+-3}} = \dfrac{9}{0^+} = +\infty \\ 3^- \to \lim \dfrac{4\times3-3}{\sqrt{3^- -3}} = \dfrac{9}{\sqrt{0^-}} \to \end{cases}$ تعریف نشده $\Rightarrow$ $\boxed{\text{حد ندارد}}$

ب) $\lim\limits_{x\to 3}\dfrac{4x-3}{\sqrt{x^2-4x+3}} \begin{cases} 3^+ \to \lim \dfrac{9}{\sqrt{0^+}} = +\infty \\ 3^- \to \lim \dfrac{9}{\sqrt{0^-}} \to \end{cases}$ تعریف نشده $\Rightarrow$ $\boxed{\text{حد ندارد}}$

x		1		3	
$(x-3)\times(x-1)$	+	0	−	0	+

۷ — ۲

الف) $\lim\limits_{x\to 3}\dfrac{4x-3}{x^2-7x+12} = \begin{cases} 3^+ \to \dfrac{4\times3-3}{0^-} = \dfrac{9}{0^-} = -\infty \\ 3^- \to \dfrac{4\times3-3}{0^+} = \dfrac{9}{0^+} = +\infty \end{cases}$ $\Rightarrow$ $\boxed{\text{حد ندارد}}$

x		3		4	
$y=(x-3)(x-4)$	+	0	−	0	+

ب) $\lim\limits_{x\to 3}\dfrac{4x-3}{[x-3]} = \begin{cases} Ⓐ\ 3^+ \to \dfrac{4\times3-3}{0} = \dfrac{9}{0} \\ Ⓑ\ 3^- \to \dfrac{4\times3-3}{-1} = \dfrac{9}{-1} = -9 \end{cases}$ تعریف نشده $\Rightarrow$ $\boxed{\text{حد ندارد}}$

Ⓐ $x>3 \to x-3>0 \to [x-3]=0$

Ⓑ $x<3 \to x-3<0 \to [x-3]=-1$

۸ — ۲

الف) $\lim\limits_{x\to 3}[3x]+[-2x] = \begin{cases} Ⓐ\ 3^+ \to 9+(-7)=\boxed{2} \\ Ⓑ\ 3^- \to 8+(-6)=\boxed{2} \end{cases} \Rightarrow \boxed{\lim\limits_{x\to 3}[3x]+[-2x]=2}$

Ⓐ $x>3 \to 3x>9 \to [3x]=9$ ، $-2x<-6 \to [-2x]=-7$

Ⓑ $x<3 \to 3x<9 \to [3x]=8$ ، $-2x>-6 \to [-2x]=-6$

ب) $\lim\limits_{x\to -6}[-4x]+[2x] = \begin{cases} -6^+ \to \lim\ 23+(-12)=\boxed{11} \\ -6^- \to \lim\ 24+(-13)=\boxed{11} \end{cases} \Rightarrow \boxed{\lim\limits_{x\to -6}[-4x]+[2x]=11}$

Ⓐ $x>-6$: $2x>-12 \to [2x]=-12$ ، $-4x<24 \to [-4x]=23$

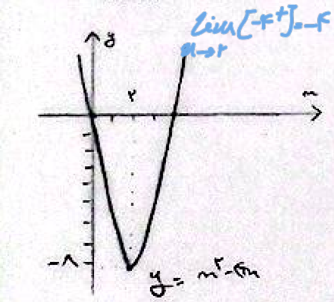
Ⓑ $x<-6$: $2x<-12 \to [2x]=-13$ ، $-4x>24 \to [-4x]=24$

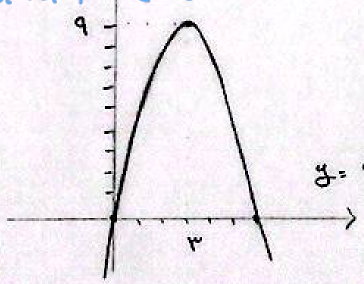
۹ — ۱

الف) $\lim\limits_{x\to 2}[x^2-4x] \Rightarrow x^2-4x \geq -8 \to \boxed{\lim\limits_{x\to 2}[x^2-4x]=-8}$

ب) $\lim\limits_{x\to 3}[6x-x^2] = \boxed{8}$

الف ← ↑ $x=2$. min نسبی باشد پس ← $\lim\limits_{x\to 2}[-4^+]=-4$





$y=6x-x^2 \xrightarrow{x\to 3} 6x-x^2<9$

۱۰ — ۲

الف) $\lim\limits_{x\to 2}\dfrac{|x-2|}{x^2-5x+6} = \dfrac{|x-2|}{(x-2)(x-3)} \begin{cases} 2^+ \to \dfrac{x-2}{(x-2)(x-3)} = \dfrac{1}{x-3} = \dfrac{1}{-1} = \boxed{-1} \\ 2^- \to \dfrac{-(x-2)}{(x-2)(x-3)} = \dfrac{-1}{x-3} = \boxed{1} \end{cases} \Rightarrow$ $\boxed{\text{حد ندارد}}$

ب) $\lim\limits_{x\to 1}\dfrac{x-[x]}{x^2-1} \begin{cases} 1^+ \to \dfrac{(x-1)}{(x-1)(x+1)} = \boxed{\dfrac{1}{2}} \\ 1^- \to \dfrac{x}{(x-1)(x+1)} = \dfrac{1}{0^-} = \boxed{-\infty} \end{cases} \Rightarrow$ $\boxed{\text{حد ندارد}}$