



آرین اسلامی

یازدهم پسر

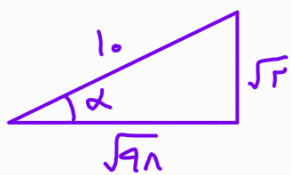
شماره ی تکلیف: ۲۸

ردیف	پاسخ سوالات در پاسخ برگ مجزا نوشته شود.	بارم
	بچه ها در این تکلیف سعی کردم مروری بر سوالات کنکور سال های اخیر در مبحث مثلثات داشته باشم.	
۱	اگر $\cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{ \sin \alpha }$ و $\frac{1}{\sqrt{\cos^2 \alpha}} - \frac{1}{\cot \alpha} = \frac{1 - \sin \alpha}{ \cos \alpha }$ باشد، انتهای کمان α در کدام ناحیه ی مثلثاتی است؟ $\frac{1}{ \cos \alpha } - \tan \alpha = \frac{1}{ \cos \alpha } - \frac{\sin \alpha}{ \cos \alpha } \rightarrow \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\sin \alpha}{ \cos \alpha } \Rightarrow \cos \alpha > 0 \left \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{\cos \alpha}{ \sin \alpha } \Rightarrow \sin \alpha > 0 \right.$ ناحیه اول	۲
۲	اگر $\sin 2x = \frac{m-1}{4}$ و $-\frac{\pi}{12} < x < \frac{5\pi}{12}$ باشد، مجموعه مقادیر m را بیابید. $-\frac{\pi}{12} < x < \frac{5\pi}{12} \rightarrow -\frac{\pi}{4} < 2x < \frac{5\pi}{6} \rightarrow -\frac{1}{2} < \sin 2x < 1 \rightarrow -\frac{1}{2} < \frac{m-1}{4} < 1 \rightarrow -2 < m-1 < 4$ $-1 < m < 5$	۲
۳	اگر $\tan x + \cot x = -3$ و $(3\pi < x < 4\pi)$ باشد، حاصل $\frac{1}{\sin^2 x + \cos^2 x}$ را بیابید. $\frac{2}{\sin 2x} = -3 \rightarrow \sin 2x = -\frac{2}{3}$ منفی $1 + \sin 2x = \frac{1}{3} \rightarrow (\sin + \cos)^2 = \frac{1}{3} \rightarrow \sin + \cos = -\frac{1}{\sqrt{3}}$ $(\cos + \sin)(\cos^2 + \sin^2 - \cos \sin) = \frac{1}{\sqrt{3}} \times (1 - \frac{1}{3}(-\frac{2}{3})) = \frac{2\sqrt{3}}{9} = 0,173$ منفی	۲
۴	در یک دوزنقه ی متساوی الساقین اندازه ی قاعده ی کوچک و هر ساق به ترتیب ۲ و ۵ است. اگر $\cos \theta = 0,6$ و زاویه حاده بین ساق و یکی از قاعده ها باشد، مساحت دوزنقه را بیابید. $\frac{4 \times (2+5)}{2} = 14$	۲
۵	حاصل عبارت $\tan(285^\circ) \tan(-165^\circ) - \sin(1095^\circ) \cos(255^\circ)$ به صورت $k \cos^2 15$ است. مقدار k را بیابید. $\tan(\frac{5\pi}{4} + \alpha)(\alpha - \pi) - \sin(\alpha) \cos(\frac{5\pi}{4} - \alpha) \rightarrow -\cot(\alpha) \tan(\alpha) + \sin(\alpha) \sin(\alpha)$ $\rightarrow -\cos^2(\alpha) \rightarrow k = -1$	۲
۶	حاصل عبارت $A = \sqrt{3} \cos(210^\circ) \sin(243^\circ) - \sqrt{2} \sin(135^\circ) \cos(153^\circ)$ چند برابر $\cos(27^\circ)$ است؟ $-\frac{\sqrt{3}}{2} \sin(\frac{5\pi}{4} - \alpha) - \frac{\cos(\pi - \alpha)}{\sqrt{2}} \rightarrow +\cos(\alpha) + \cos(\alpha) = \frac{2 \cos(27)}{\cos(27)}$	۲
۷	اگر $f(x) = 16 \cos^2(3x) \cos^2(6x) \cos^2(12x) \cos^2(24x)$ باشد، مقدار $f(\frac{\pi}{36})$ را بیابید. $14 \cos^2 \frac{\pi}{12} \cos^2 \frac{\pi}{6} \cos^2 \frac{\pi}{3} \rightarrow 14 (\frac{1+\cos \frac{\pi}{6}}{2}) (\frac{\sqrt{3}}{2})^2 (\frac{1}{2})^2 (-\frac{1}{2})^2 \rightarrow 14 (1+\frac{\sqrt{3}}{2}) \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4}$ $\frac{4+2\sqrt{3}}{14}$	۲
۸	اگر انتهای کمان x در ربع سوم و $\frac{1-\sin x}{1+\sin x} = 4$ باشد، مقدار $\tan \frac{x}{2}$ را بیابید. $4 + 4 \sin = 1 - \sin \rightarrow \sin = -\frac{3}{5} \rightarrow \sin = \frac{3 \tan \frac{x}{2}}{1 + \tan^2 \frac{x}{2}} = -\frac{3}{5} \rightarrow 3 \tan \frac{x}{2} = -\frac{3}{5} (1 + \tan^2 \frac{x}{2})$ $3 \tan^2 \frac{x}{2} + 10 \tan \frac{x}{2} + 3 = 0 \Rightarrow (3 \tan \frac{x}{2} + 1)(\tan \frac{x}{2} + 3) = 0 \rightarrow \tan \frac{x}{2} = -\frac{1}{3}$	۲
۹	ساده شده ی عبارت $\frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta} + \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta}$ بصورت $k \cot \frac{\theta}{2}$ است. مقدار k را بیابید. $\frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta} + \frac{1 + \cos \theta}{\sin \theta} = \frac{2 \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2}}{2 \sin^2 \frac{\theta}{2}} + \frac{2 \cos^2 \frac{\theta}{2}}{2 \sin \frac{\theta}{2} \cos \frac{\theta}{2}} \rightarrow \frac{\cos \frac{\theta}{2}}{\sin \frac{\theta}{2}} + \frac{\cos \frac{\theta}{2}}{\sin \frac{\theta}{2}} = \cot \frac{\theta}{2} + \cot \frac{\theta}{2} \rightarrow 2 \cot \frac{\theta}{2}$	۲
۱۰	اگر انتهای کمان α در ربع دوم دایره ی مثلثاتی و $\sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{10}$ باشد، مقدار $\cos(\frac{11\pi}{4} + \alpha)$ را بیابید. $\cos(\frac{11\pi}{4} + \alpha) = -\frac{\sqrt{91}}{100} + 1 + \frac{\sqrt{2}}{10} = \frac{100 + 50\sqrt{2} - \sqrt{91}}{100}$ 	۲

$$\cos\left(\frac{11\pi}{4} + \alpha\right) = \cos\left(\pi - \frac{\pi}{4} + \alpha\right) = -\cos\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right)$$

-10

$$= -\left(\cos\alpha \cos\frac{\pi}{4} + \sin\alpha \sin\frac{\pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2} (\cos\alpha + \sin\alpha)$$



from \triangle $\rightarrow \cos\alpha = \frac{-\frac{\sqrt{2}}{2}}{1.0}$

$$-\frac{\sqrt{2}}{2} (\cos\alpha + \sin\alpha) = -\frac{\sqrt{2}}{2} \left(-\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{2}{2}$$

$$A = \sqrt{2} \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) \sin(\pi - \pi) - \sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} \cos(\pi - \pi)$$

-9

$$A = \frac{2}{2} \sin \pi + \cos \pi = \frac{2}{2} \cos \pi$$