

الف) $\lim_{x \rightarrow 3^+} \{x-3\} = 0$

ب) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \{x-3\} = 0$

۱

الف) $\lim_{x \rightarrow 3^+} \lfloor x-3 \rfloor = 0$

ب) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \lfloor x-3 \rfloor = -1$

۲

الف) $\lim_{x \rightarrow 3^+} [x-3] = 0$

ب) $\lim_{x \rightarrow 3^-} [x-3] = -1$

۳

الف) $\left[\lim_{x \rightarrow 3^+} \{x-3\} \right] = 0$

ب) $\left[\lim_{x \rightarrow 3^-} \{x-3\} \right] = -1$

۴

الف) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{x-3}$

$\begin{matrix} \nearrow_{x^+} & \frac{0}{0^+} = +\infty \\ \searrow_{x^-} & \frac{0}{0^-} = -\infty \end{matrix}$

ب) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{(x-3)^2} = \frac{0}{0^+} = +\infty$

۵

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3}{\sqrt{x^2 - 3}}$ $\begin{cases} \text{من } + & \frac{9}{0^+} = +\infty \\ \text{من } - & \frac{9}{0^-} = -\infty \end{cases}$

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3}{\sqrt{x^2 - 3}}$ $\begin{cases} \text{من } + & \frac{9}{0^+} = +\infty \\ \text{من } - & \frac{9}{0^-} = -\infty \end{cases}$

$\frac{1}{+} \frac{3}{-} \frac{1}{+}$

6

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3}{2x^2 - \sqrt{x^2 + 1}}$ $\begin{cases} \text{من } + & \frac{9}{0^-} = -\infty \\ \text{من } - & \frac{9}{0^+} = +\infty \end{cases}$

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3}{[x - 3]}$ $\begin{cases} \text{من } + & \frac{9}{0^+} = +\infty \\ \text{من } - & \frac{9}{-1} = -9 \end{cases}$

7

$\frac{3}{+} \frac{3}{-} \frac{3}{+}$

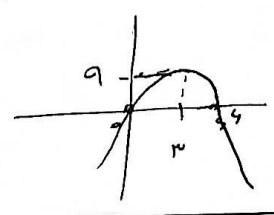
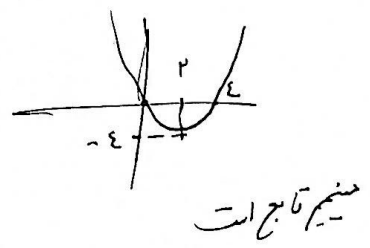
النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} [3x] + [-3x]$ $\begin{cases} \text{من } + & 9 - 7 = 2 \\ \text{من } - & 1 - 9 = -8 \end{cases}$

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} [-3x] + [3x]$ $\begin{cases} \text{من } + & 23 - 12 = 11 \\ \text{من } - & 28 - 13 = 15 \end{cases}$

8

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} [ax^p - \varepsilon x] = -\varepsilon$

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} [9x - x^2] = \Lambda$



9

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{|a_1 - 2|}{a_1^2 - 3a_1 + 2}$ $\begin{cases} \text{من } + & \frac{a_1 - 2}{(a_1 - 2)(a_1 - 1)} = \frac{1}{a_1 - 1} = \frac{1}{1} = 1 \\ \text{من } - & \frac{2 - a_1}{(a_1 - 2)(a_1 - 1)} = \frac{-1}{a_1 - 1} = \frac{-1}{1} = -1 \end{cases}$

10

النتيجة $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{a_1 - [a_1]}{a_1^2 - 1}$ $\begin{cases} \text{من } + & \frac{a_1 - 1}{(a_1 - 1)(a_1 + 1)} = \frac{1}{a_1 + 1} = \frac{1}{2} \\ \text{من } - & \frac{a_1}{a_1^2 - 1} = \frac{1}{0^-} = -\infty \end{cases}$

$\frac{1}{+} \frac{1}{-} \frac{1}{+}$