۱۸٫۵

نام و نام خانوادگی ..... پاسخنامه تشریحی تکلیف شماره ..... کلاس ..... B

۱ (۲)

الف) $y = x(x^2 - 3x + 3) \xrightarrow{\text{جابجا}} y = x$ → $R_f = \mathbb{R}$ ✓

ب) $x = \frac{y}{x^2 - 3x + 3}$ ($\Delta < 0$ → ریشه ندارد)

$yx^2 - 2yx - 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{2y \pm \sqrt{4y^2 + 4y}}{2y}$

I: $2y \neq 0 \rightarrow y \neq 0$

II: $4y^2 + 4y \geq 0 \rightarrow 4y(y+1) \geq 0$

y		-1		0	
P	+	0	-	0	+

→ $(-\infty, -1] \cup [0, +\infty)$

$R_f = I \cap II = (-\infty, -1] \cup (0, +\infty)$ ✓

۲ (۴)

الف) $R_f = [6, +\infty)$ ✓

ب) $R_f = (-\infty, 12]$ ✓

ج) $\sqrt{-x^2 + 7x + 60} = [0, +\infty) = R_f$ ✓

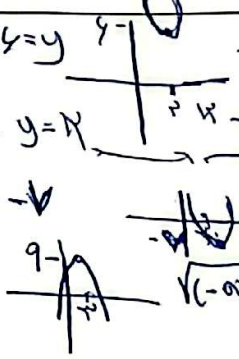
د) $\sqrt{(-\infty, 9]} \rightarrow [0, 3] = R_f$ ✓

$-\frac{b}{2a} \rightarrow \frac{-(-2)}{2} \rightarrow 2 = x \rightarrow 4 - 8 + 10 \rightarrow 6 = y$

$-\frac{b}{2a} \rightarrow \frac{-6}{-2} \rightarrow x = 3 \rightarrow -9 + 18 + 3 \rightarrow y = 12$

$-\frac{b}{2a} \rightarrow \frac{4}{2} \rightarrow x = 2 \rightarrow 4 - 8 - 3 \rightarrow y = -7$

$-\frac{b}{2a} \rightarrow \frac{-6}{-2} \rightarrow x = 3 \rightarrow 18 - 9 \rightarrow y = 9$



۳ (۲)

الف) با توجه به تذکر ۳ $R_f = \mathbb{R}$ ✓

ب) با توجه به تذکر ۳ $R_f = \mathbb{R}$ ✓

ج) $\sqrt{\mathbb{R}} \rightarrow R_f = [0, +\infty)$ ✓

د) باشد و متن که رادیکال می ذاریم اینجا صورت و باید ≥ 0 باشد

$\mathbb{R}^2 \rightarrow R_f = [0, +\infty)$ ✓

۴ (۲)

الف) با توجه به تذکر ۴ ← $R_f = \mathbb{R} - \{3\}$ ✓

ب) با توجه به تذکر ۴ ← $R_f = \mathbb{R} - \{2\}$ ✓

۵ (۲)

الف) $\sqrt{\mathbb{R} - \{2\}} \rightarrow R_f = [0, +\infty) - \{\sqrt{2}\}$ ✓

ب) $\sqrt{\mathbb{R} - \{-2\}} \rightarrow R_f = [0, +\infty)$ ✓

۷ (۲)

الف) با توجه به تذکر $0<x^2+1$ و $0<x^2+5$ می‌توانند باشند پس $R_f = (-\infty, +\infty)$ ✓

ب) $y = \frac{x^3}{x^2+1} \to y = x + \frac{-x}{x^2+1}$ $x=1$ می‌تواند باشد $\to R_f = (-\infty,-2] \cup [2,+\infty)$ ✓

ج) $y = \sqrt[3]{\frac{x^2}{x^2+1}} \to y^3 = \frac{x^2}{x^2+1}$ $x+1$ می‌تواند $\to R_f = (-\infty,-2] \cup [2,+\infty)$ ✓

د) چون قطعا $0<|x|$ پس $R_f = [2,+\infty)$ ✓

۸ (۲)

الف) $0<x^2+2$ و $x^2+2 \neq 1$ نقاط شک پس باید کمترین $y+2$ را پیدا کنیم

$y+2 \xrightarrow{x=0} 3+\frac{1}{3} \to \frac{10}{3}$ $\to y+2 \geq \frac{10}{3} \to y \geq \frac{1}{3}$

ب) $y = \frac{x^2+1}{\sqrt{x^2+4}} \to \frac{x^2+4}{\sqrt{x^2+4}} + \frac{1}{\sqrt{x^2+4}} \to \sqrt{x^2+4} + \frac{1}{\sqrt{x^2+4}} \to$

$0<x^2+4$ و x انحنی‌شکل کمترین مقدارش $x=0 \to y = \frac{5}{2}$

$R_f = [\frac{5}{2}, +\infty)$ ✓

۹ (۱٫۵)

$y = |x-3| + |x^2-4x+3| = \begin{cases} -x^2+5x-6 & ; x<1 \\ x^2-3x & ; 1 \leq x < 3 \\ x^2-5x+6 & ; x \geq 3 \end{cases}$ ✓

شیب‌ها رو درست رعایت نکردی

۱۰ (۱)

الف) $[3,+\infty)$ ✓

بردها؟

ب)

x	$-\infty$	-1	1	3	$+\infty$
$-x^2+3x$	$-$	$+$	$+$	$-$	
$x+2$	$-$	$+$	$+$	$+$	
$-x^2+4x-3$	$-$	$-$	$+$	$-$	

✓

شیب‌ها متفاوته

$[-2,+\infty)$

(۲)

الف) مجانب قائم ریشه مخرج $\frac{ب}{ج}$ مجانب افقی

$x+1=0 \longrightarrow x \neq -1$

$\frac{ب}{ج} = \frac{۲}{۱} \rightarrow y=۲$

مثلا $x=۰ \Rightarrow y=\frac{-۳}{۱}$

ب) $x^۲+۱=۰ \Rightarrow x=\pm ۱$ مثلا $x=۰$ $\frac{ب}{ج} \rightarrow \frac{۲}{۱} \rightarrow y=۲$ $\frac{۰-۱}{۰+۱}$